



ΑΡΙΣΤΟΤΕΛΕΙΟ  
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ  
ΘΕΣΣΑΛΟΝΙΚΗΣ

ΑΝΟΙΚΤΑ  
ΑΚΑΔΗΜΑΪΚΑ  
ΜΑΘΗΜΑΤΑ



# ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΗΛΕΚΤΡΙΚΗΣ ΕΝΕΡΓΕΙΑΣ III

## ΜΕΤΑΒΑΤΙΚΑ ΦΑΙΝΟΜΕΝΑ ΣΤΑ ΣΗΕ

Λαμπρίδης Δημήτρης  
Κατσανού Βάνα

Τμήμα Ηλεκτρολόγων Μηχανικών και Μηχανικών Η/Υ



Ευρωπαϊκή Ένωση  
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο

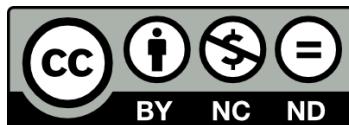


ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΙΑΚΟ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ  
ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΚΑΙ ΔΙΑ ΒΙΟΥ ΜΑΘΗΣΗ  
επένδυση στην παιδεία της γειτονίας  
ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΠΑΙΔΕΙΑΣ ΚΑΙ ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ  
ΕΙΔΙΚΗ ΥΠΗΡΕΣΙΑ ΔΙΑΧΕΙΡΙΣΗΣ  
Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



# Άδειες Χρήσης

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό υπόκειται σε άδειες χρήσης Creative Commons.
- Για εκπαιδευτικό υλικό, όπως εικόνες, που υπόκειται σε άλλου τύπου άδειας χρήσης, η άδεια χρήσης αναφέρεται ρητώς.



# Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στα πλαίσια του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Αριστοτέλειο Πανεπιστήμιο Θεσσαλονίκης» έχει χρηματοδοτήσει μόνο τη αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.





ΑΡΙΣΤΟΤΕΛΕΙΟ  
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ  
ΘΕΣΣΑΛΟΝΙΚΗΣ

ΑΝΟΙΚΤΑ  
ΑΚΑΔΗΜΑΪΚΑ  
ΜΑΘΗΜΑΤΑ



# Μάθημα ασκήσεων 5



Ευρωπαϊκή Ένωση  
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΙΑΚΟ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ  
ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΚΑΙ ΔΙΑ ΒΙΟΥ ΜΑΘΗΣΗ  
επένδυση στην υγεία της γηώσης  
ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΠΑΙΔΕΙΑΣ ΚΑΙ ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ  
ΕΙΔΙΚΗ ΥΠΗΡΕΣΙΑ ΔΙΑΧΕΙΡΙΣΗΣ  
Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



ΕΣΠΑ  
2007-2013  
πρόγραμμα για την ανάπτυξη  
ΕΥΡΩΠΑΪΚΟ ΚΟΙΝΩΝΙΚΟ ΤΑΜΕΙΟ

# Άσκηση 1<sup>η</sup>

## Εκφώνηση

---

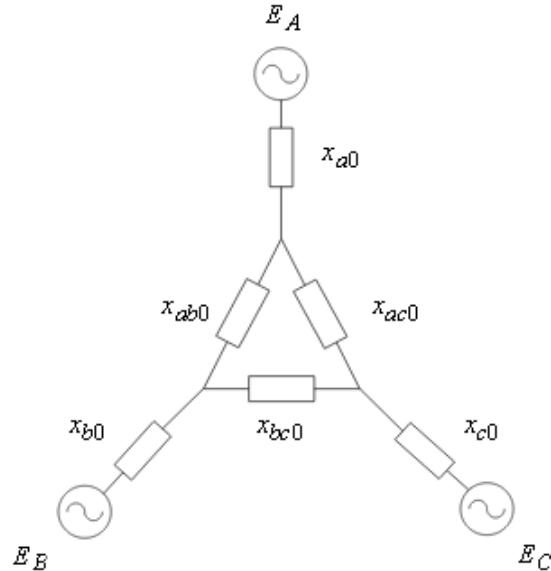
1. Τρία συγκροτήματα γεννήτριας-μετασχηματιστών A, B και C έχουν εσωτερικές αντιδράσεις 0.3, 0.4 και 0.5 ρι αντίστοιχα. Οι δακτυλιοειδείς διασυνδέσεις AB, BC και CA έχουν αντιδράσεις 0.6, 0.7 και 0.8 ρι αντίστοιχα. Όλες οι ρι τιμές είναι υπολογισμένες με την ίδια βάση. Υπολογίστε τις αντιδράσεις μεταφοράς μεταξύ των ζευγών των γεννήτριών A-B, B-C και C-A.



# Άσκηση 1<sup>η</sup>

## Επίλυση (1/4)

Το ισοδύναμο κύκλωμα που θα περιγράφει το σύστημα της άσκησής μας θα είναι το:



Σχήμα 1.2

όπου  $x_{ab0}$ ,  $x_{bc0}$  και  $x_{ac0}$  οι αντιδράσεις των αντίστοιχων διακτυλιοειδών διασυνδέσεων (0.6, 0.7 και 0.8 ρι αντίστοιχα), ενώ  $x_{a0}$ ,  $x_{b0}$  και  $x_{c0}$  οι εσωτερικές αντιδράσεις των αντίστοιχων συγκροτημάτων γεννήτριας – μετασχηματιστή (0.3, 0.4 και 0.5 ρι αντίστοιχα).



# Άσκηση 1<sup>η</sup>

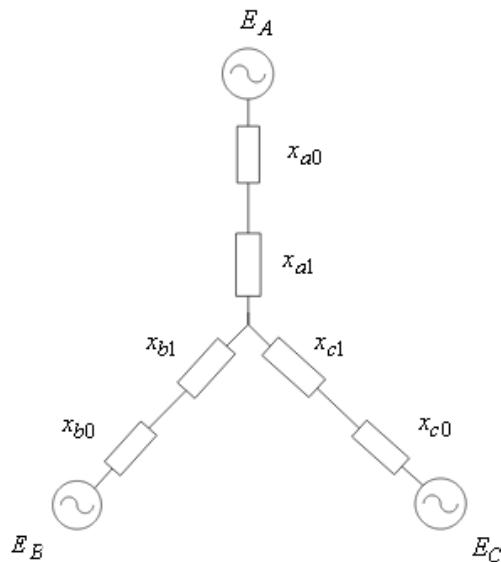
## Επίλυση (2/4)

Καταρχήν θα μετατρέψουμε το εσωτερικό τρίγωνο σε αστέρα, οπότε και θα προκύψει το Σχήμα 1.3. Σε αυτό θα προκύπτει σύμφωνα με τους τύπους του Kennely:

$$x_{a1} = 0,229 \text{ pu} \quad (1.7)$$

$$x_{b1} = 0,2 \text{ pu} \quad (1.8)$$

$$x_{c1} = 0,267 \text{ pu} \quad (1.9)$$



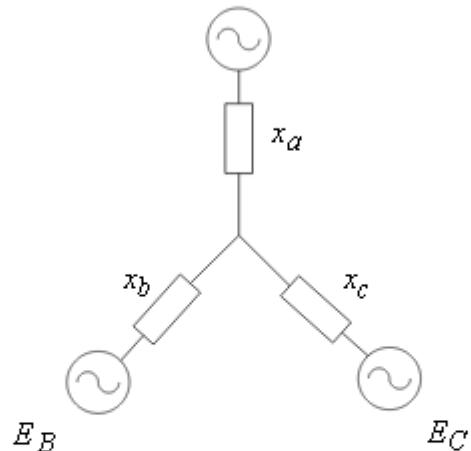
Σχήμα 1.3



# Άσκηση 1<sup>η</sup>

## Επίλυση (3/4)

Αν στο Σχήμα 1.3 αθροίσω τις αντιδράσεις που βρίσκονται σε σειρά, θα προκύψει αντίστοιχα το Σχήμα 1.4:



Σχήμα 1.4

όπου θα είναι:

$$x_a = 0,529 \text{ pu} \quad (1.10)$$

$$x_b = 0,6 \text{ pu} \quad (1.11)$$

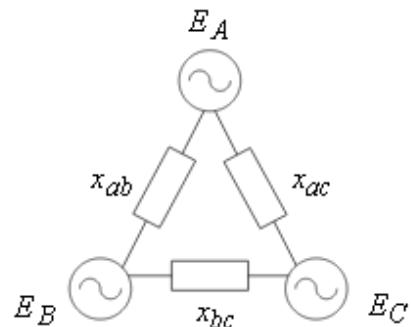
$$x_c = 0,767 \text{ pu} \quad (1.12)$$



# Άσκηση 1<sup>η</sup>

## Επίλυση (4/4)

Τέλος, για να υπολογίσω τις αντιδράσεις μεταφοράς μεταξύ των ζευγών των γεννητριών A-B, B-C και C-A, θα μετατρέψω τον αστέρα του Σχήματος 1.4 σε τρίγωνο (Σχήμα 1.5).



Σχήμα 1.5

Τελικά θα προκύψει:

$$x_{ab} = 1,543 \text{ pu} \quad (1.13)$$

$$x_{bc} = 2,23 \text{ pu} \quad (1.14)$$

$$x_{ac} = 1,967 \text{ pu} \quad (1.15)$$



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Εκφώνηση

2. Ένα τριφασικό συγκρότημα γεννήτριας-μετασχηματιστή συνδέεται σε έναν άπειρο ζυγό μέσω δύο ίδιων παράλληλων γραμμών. Το όριο ευστάθειας στάσιμης κατάστασης του συστήματος είναι 200 MW. Το όριο αυτό μειώνεται στα 70 MW κατά τη διάρκεια ενός τριφασικού βραχυκυκλώματος στο μέσο της μάς γραμμής. Υπολογίστε, με μία βάση 100 MVA, την ρυ αντίδραση του συγκροτήματος γεννήτριας-μετασχηματιστή και κάθε γραμμής, καθώς και το όριο ευστάθειας στάσιμης κατάστασης όταν απομονωθεί η γραμμή με το σφάλμα. Δεχόμαστε ότι η ΗΕΔ της γεννήτριας και η τάση του άπειρου ζυγού είναι ίσες με 1 pu.

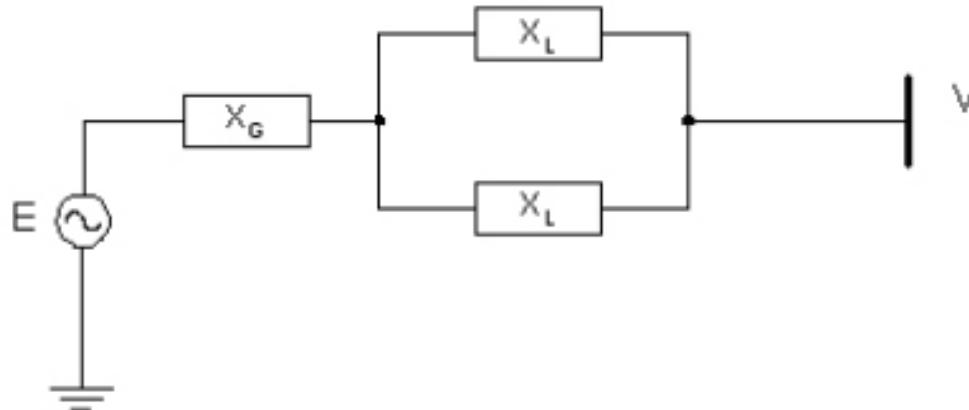


# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (1/10)

**Παρατήρηση:** Το μόνο πρόβλημα της άσκησης είναι να χρησιμοποιηθεί σε κάθε περίπτωση το κατάλληλο ισοδύναμο κύκλωμα.

Το σύστημά μας πριν το τριφασικό βραχυκύκλωμα είναι αυτό που φαίνεται στο Σχήμα 2.1:



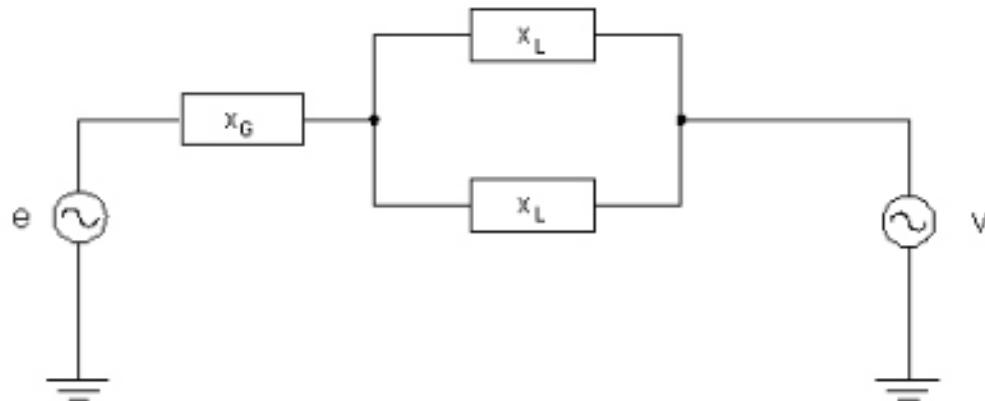
Σχήμα 2.1



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (2/10)

Ο άπειρος ζυγός του Σχήματος 2.1 μπορεί να αντικατασταθεί από μία ιδανική πηγή τάσης, οπότε τελικά θα έχουμε το ισοδύναμο κύκλωμα του Σχήματος 2.2:



Σχήμα 2.2

όπου όλα τα μεγέθη εκφράζονται με τις ρυ πιμές τους.



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (3/10)

Αν  $\hat{p}_1$  η ρυ τιμή του ορίου ευστάθειας στάσιμης κατάστασης του συστήματος και  $\hat{p}_2$  η ρυ τιμή του ορίου ευστάθειας κατά τη διάρκεια του τριφασικού βραχυκυκλώματος, τότε θα είναι:

$$\hat{p}_1 = \frac{\hat{P}_1}{S_b} = \frac{200}{100} = 2 \text{ pu} \quad (2.1)$$

$$\hat{p}_2 = \frac{\hat{P}_2}{S_b} = \frac{70}{100} = 0,7 \text{ pu} \quad (2.2)$$

Οι όγνωστοί μας είναι οι αντιδράσεις  $x_G$  και  $x_L$ , οπότε θα πρέπει να φτιάξουμε ένα σύστημα εξισώσεων που να τις συνδυάζουν.



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (4/10)

Την πρώτη εξίσωση θα την πάρουμε από τη στάσιμη κατάσταση πριν το σφάλμα. Αν  $x_1$  η συνολική αντίδραση μεταξύ γεννήτριας – ζυγού πριν το σφάλμα, τότε θα είναι:

$$\hat{p}_1 = \frac{e \cdot v}{x_1} \Rightarrow x_1 = \frac{e \cdot v}{\hat{p}_1} = 0,5 \text{ pu} \quad (2.3)$$

Από το Σχήμα 2.2 βλέπουμε όμως επίσης ότι είναι:

$$x_1 = x_G + \frac{x_L}{2} \quad (2.4)$$

άρα από τις (2.3), (2.4) έχουμε ότι:

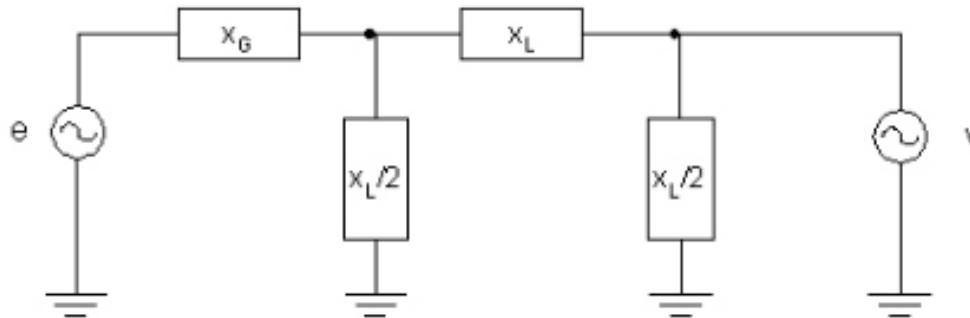
$$x_G + \frac{x_L}{2} = 0,5 \text{ pu} \quad (2.5)$$



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (5/10)

Για τη δεύτερη εξίσωση που χρειαζόμαστε θα χρησιμοποιήσουμε τις πληροφορίες που έχουμε για το σύστημα κατά τη διάρκεια των βραχυκύκλωμάτος. Τριφασικό βραχυκύκλωμα στο μέσο της γραμμής σημαίνει ότι η γραμμή θα κοπεί στα δύο, και τα κοινιένα άκρα της θα γειωθούν. Το νέο τισοδύναμο κύκλωμα φαίνεται στο Σχήμα 2.3:



Σχήμα 2.3

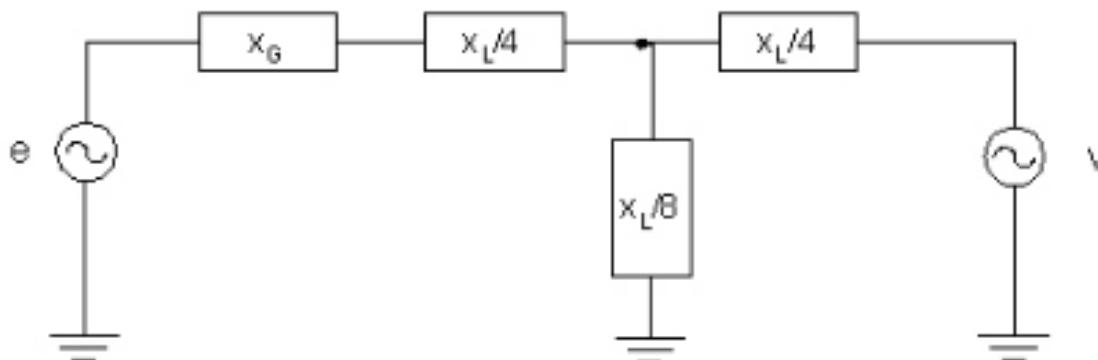
όπου οι εγκάρσιοι κλάδοι έχουν αντίδραση  $x_L/2$  επειδή το βραχυκύκλωμα έχει γίνει ακριβώς στο μέσο της γραμμής.



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (6/10)

Καταρχήν θα μετασχηματίσουμε το Π-τετράπολο που προκύπτει στο Σχήμα 2.3 από τις δύο γραμμές σε Τ-τετράπολο, χρησιμοποιώντας τους τύπους μετασχηματισμού του Kennedy (βλ. άσκηση 1). Θα προκύψει το ισοδύναμο κύκλωμα του Σχήματος 2.4.



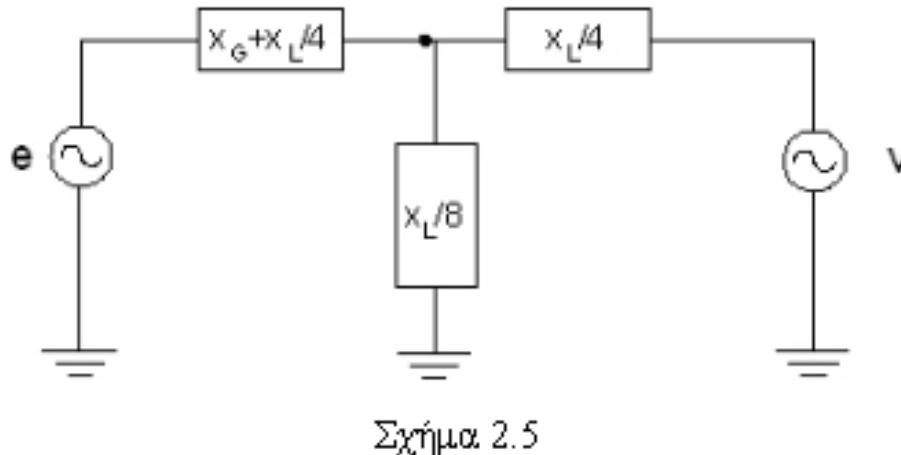
Σχήμα 2.4



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (7/10)

Τελικά μπορούμε να μετασχηματίσουμε το κύκλωμα του Σχήματος 2.4 στο Τ-ισοδύναμο κύκλωμα του Σχήματος 2.5:



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (8/10)

Χρησιμοποιώντας τη σχέση 4.31.β του βιβλίου (σελ. 143), η οποία δίνει την αντίδραση μεταφοράς ενός T-τετραπόλου θα πάρουμε τελικά για τη συνολική αντίδραση μεταφοράς ανάμεσα στη γεννήτρια και τον άπειρο ζυγό κατά τη διάρκεια του βραχυκυκλώματος

$$x_2 = \frac{\left(x_G + \frac{x_L}{4}\right) \cdot \frac{x_L}{4} + \frac{x_L}{4} \cdot \frac{x_L}{8} + \left(x_G + \frac{x_L}{4}\right) \cdot \frac{x_L}{8}}{\frac{x_L}{8}} \Rightarrow \\ x_2 = 3x_G + x_L \quad (2.6)$$

Θα είναι όμως επίσης:

$$\hat{p}_2 = \frac{e \cdot v}{x_2} \Rightarrow x_2 = \frac{e \cdot v}{\hat{p}_2} = \frac{10}{7} pu \quad (2.7)$$



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (9/10)

Από τις σχέσεις (2.6) και (2.7) θα προκύψει:

$$3x_G + x_L = \frac{10}{7} pu \quad (2.8)$$

Από το σύστημα των εξισώσεων (2.5) και (2.8) θα προκύψει τελικά για τις ξητουόμενες αντιδράσεις:

$$x_G = 0,4286 pu \quad (2.9)$$

και

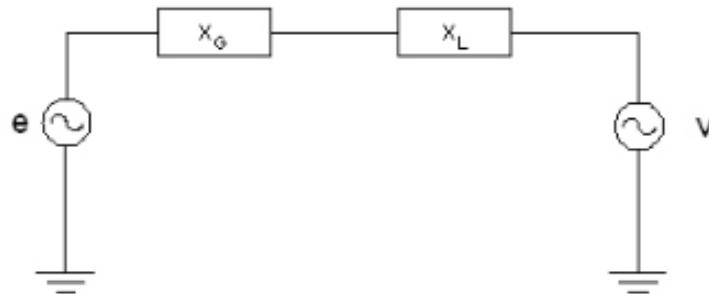
$$x_L = 0,1429 pu \quad (2.10)$$



# Άσκηση 2<sup>η</sup>

## Επίλυση (10/10)

Για το επόμενο ερώτημα της άσκησης, μετά την απομόνωση της γραμμής με το σφάλμα θα έχουμε το εξής ισοδύναμο κύκλωμα:



Σχήμα 2.6

οπότε για το νέο όριο ευστάθειας θα ισχύει:

$$\hat{P}_3 = \frac{e \cdot v}{x_G + x_L} \approx 1,75 \text{ pu} \quad (2.11)$$

ενώ σε απόλυτες τιμές θα είναι:

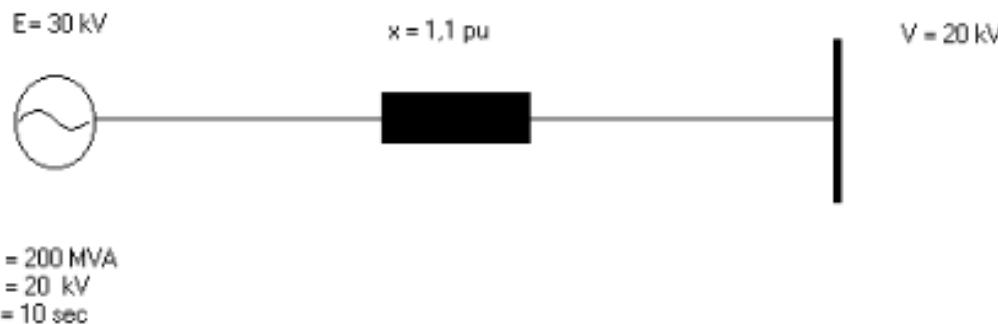
$$\hat{P}_3 = \hat{P}_3 \cdot S_b = 175 \text{ MW} \quad (2.12)$$



# Άσκηση 3<sup>η</sup>

## Εκφώνηση

Η στροβιλογεννήτρια του σχήματος κινείται από ατμοστρόβιλο αποδίδοντας σε άπειρο ζυγό  $P = 150 \text{ MW}$ . Ξεφνικά και χωρίς να αλλάξει η διέγερση, η προσδιδόμενη μηχανική ισχύς ελαττώνεται από  $150 \text{ MW}$  στα  $148 \text{ MW}$ . Να βρεθεί η μεταφερόμενη ισχύς στα συνάρτηση του χρόνου, αν η απόσβεση θεωρηθεί μηδενική.



# Άσκηση 3<sup>η</sup>

## Επίλυση (1/6)

**Παρατήρηση:** Ο καλύτερος τρόπος να λυθούν τέτοιες ασκήσεις είναι από το τέλος προς την αρχή. Βρίσκετε δηλαδή τη σχέση που θα σας δώσει το τελικό αποτέλεσμα και πηγαίνετε προς τα πίσω υπολογίζοντας κάθε φορά τα μεγέθη που σας λείπουν.

Θα μετατρέψουμε τα μεγέθη μας σε pu τιμές. Επιλέγουμε για τις βάσεις ισχύος και τάσης:

$$S_b = S_N = 200 \text{ MVA}$$

$$V_b = V_N = 20 \text{ kV}$$

Άρα θα έχουμε:

$$e = \frac{30}{20} = 1,5 \text{ pu}$$

$$p_0 = \frac{150}{200} = 0,75 \text{ pu}$$

$$v = \frac{20}{20} = 1 \text{ pu}$$

$$p_1 = \frac{148}{200} = 0,74 \text{ pu}$$



# Άσκηση 3<sup>η</sup>

## Επίλυση (2/6)

Θέλουμε να υπολογίσουμε τη μεταφερόμενη ηλεκτρική ισχύ μετά το σφάλμα ( $p_e$ ), θεωρώντας ότι δεν έχουμε αποσβέσεις. Αυτή θα δίνεται από τη σχέση:

$$p_e = \bar{p}_e + \tilde{p}_e \quad (4.1)$$

όπου  $\bar{p}_e$  η αρχική ηλεκτρική ισχύς στη στάση κατάσταση, και  $\tilde{p}_e$  η ισχύς των ταλαιπώσεων που προκύπτει από το μεταβατικό φαινόμενο.

Για την αρχική ηλεκτρική ισχύ στη στάση κατάσταση γνωρίζουμε ότι:

$$\bar{p}_e = p_0 = 0,75 \text{ pu} \quad (4.2)$$

Για την ισχύ των ταλαιπώσεων και θεωρώντας μηδενικές αποσβέσεις ισχύει:

$$\tilde{p}_e = p_s \cdot \tilde{\delta} \quad (4.3)$$

όπου  $p_s$  η ισχύς συγχρονισμού και  $\tilde{\delta}$  η μεταβολή της γωνίας φόρτισης της γεννήτριας κατά το μεταβατικό φαινόμενο.



# Άσκηση 3<sup>η</sup>

## Επίλυση (3/6)

Η ισχύς συγγρονισμού θα δίνεται από τη σχέση:

$$p_s = \hat{p} \cdot \cos \delta_0 \quad (4.4)$$

όπου  $\hat{p}$  το όριο ευστάθειας στάσης κατάστασης και  $\delta_0$  η αρχική γωνία φόρτισης της γεννήτριας.

Είναι όμως:

$$\hat{p} = \frac{e \cdot v}{x} = 1,364 \text{ pu} \quad (4.5)$$

και

$$p_0 = \hat{p} \cdot \sin \delta_0 \Rightarrow \delta_0 = 33,36^\circ \quad (4.6)$$

άρα από τις σχέσεις (4.4), (4.5) και (4.6) θα προκύψει:

$$p_s = 1,14 \text{ pu} \quad (4.7)$$



# Άσκηση 3<sup>η</sup>

## Επίλυση (4/6)

Μας λείπει ακόμα η μεταβολή της γωνίας φόρτισης της γεννήτριας  $\tilde{\delta}$ . Θα την υπολογίσουμε με τη βοήθεια της εξίσωσης κίνησης για μικρές μεταβολές της δ χωρίς αποσβέσεις:

$$\tilde{p}_m = p_s \cdot \delta + \frac{2H}{\omega_s} \cdot \frac{d^2 \tilde{\delta}}{dt^2} \quad (4.8)$$

Οι αρχικές συνθήκες για τη διαφορική αυτή εξίσωση είναι οι:

$$\tilde{\delta}(0) = 0 \quad (4.9)$$

αφού η γεννήτρια βρίσκεται αρχικά σε στάση κατάσταση.



# Άσκηση 3<sup>η</sup>

## Επίλυση (5/6)

Η λόγη της διαφορικής εξίσωσης της σχέσης (4.8) δίνεται από τη σχέση 4.71 του βιβλίου (σελ. 157) και είναι η:

$$\tilde{\delta}(t) = \tilde{\delta}_\infty (1 - \cos(\omega_n t)) \quad (4.10)$$

η οποία με τη βοήθεια της σχέσης (4.68) του βιβλίου (σελ. 157) θα πάρει τελικά τη μορφή:

$$\tilde{\delta}(t) = \frac{\tilde{p}_m}{p_s} (1 - \cos(\omega_n t)) \quad (4.11)$$

Για την κυκλική συγγύρητα  $\omega_n$  των ταλαντώσεων της γωνίας φόρτισης ισχύει:

$$\omega_n = \sqrt{\frac{p_s \cdot \omega_s}{2H}} = 4,232 \frac{\text{rad}}{\text{sec}} \quad (4.12)$$

όπου  $\omega_s$  η σύγχρονη γωνιακή ταχύτητα ( $\omega_s = 314,15 \frac{\text{rad}}{\text{sec}}$ ).



# Άσκηση 3<sup>η</sup>

## Επίλυση (6/6)

Επίσης, για τη μηχανική ισχύ θα έχουμε αντίστοιχα με την ηλεκτρική:

$$p_m = \bar{p}_m + \tilde{p}_m \quad (4.13)$$

όπου από τα δεδομένα γνωρίζουμε ότι  $p_m = 0,74 \text{ pu}$  και  $\bar{p}_m = 0,75 \text{ pu}$ .

Θα είναι λοιπόν:

$$\tilde{p}_m = -0,01 \text{ pu} \quad (4.14)$$

και από τις σχέσεις (4.7), (4.11), (4.12) και (4.14) θα προκύψει για τη μεταβολή της γωνίας φόρτισης της γεννήτριας:

$$\tilde{\delta}(t) = 8,77 \cdot 10^{-3} (\cos 4,232t - 1) \quad (4.15)$$

Τελικά από τις σχέσεις (4.3), (4.7) και (4.15) θα προκύψει:

$$\tilde{p}_e = 0,01 (\cos 4,232t - 1) \quad (4.16)$$

οπότε η νέα μεταφερόμενη ισχύς θα είναι από τη σχέση (4.1):

$$p_e = 0,74 + 0,01 \cos 4,232t \quad (4.17)$$



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Εκφώνηση

Μία περιοχή έχει συνολική ζήτηση 25 MW από έναν άπειρο ζυγό μέσω μίας συνδετικής γραμμής μεταφοράς. Το όριο της ισχύος που μπορεί να δοθεί ευσταθώς στην περιοχή είναι 80 MW. Υπολογίστε, χρησιμοποιώντας το κριτήριο των ίσων εμβαδών, το μέγιστο φορτίο που μπορεί να προστεθεί ξαφνικά χωρίς το σύστημα να γάσει την ευστάθειά του.



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Επίλυση (1/7)

### Παρατηρήσεις:

#### Κριτήριο ίσων εμβαδών

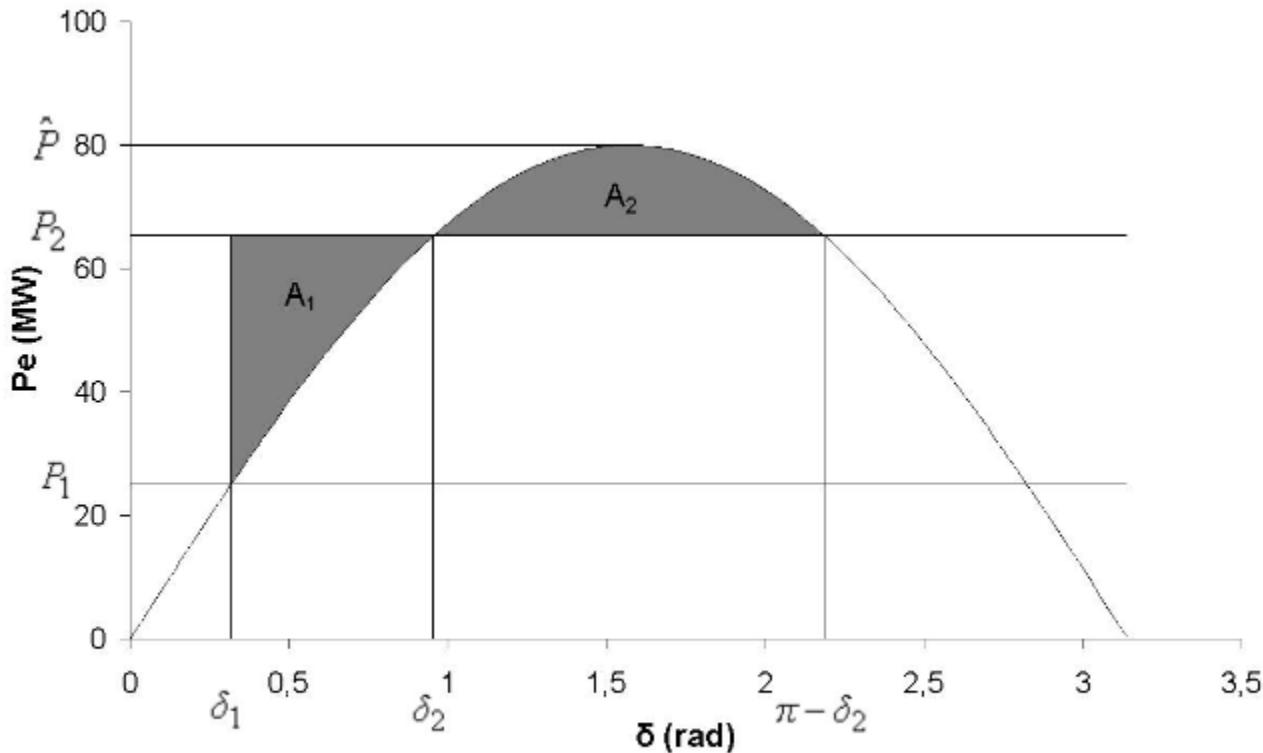
Πρόκειται για ένα κριτήριο που μπορεί να χρησιμοποιηθεί για να εκτιμήσουμε την ενστάθεια μεταβατικής κατάστασης όταν το σύστημά μας αποτελείται από μία γεννήτρια.

Αν υποθέσουμε ότι η ισχύς του συστήματος της άσκησής μας παρέχεται από μία σύγχρονη γεννήτρια, τότε η καμπύλη της ηλεκτρικής ισχύος  $P_e$  αυτής συναρτήσει της γωνίας φόρτισής της δ θα είναι αυτή που εμφανίζεται στο Σχήμα 1.1.



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Επίλυση (2/7)



Σχήμα 1.1



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Επίλυση (3/7)

Στο Σχήμα 1.1 μπορούμε να δούμε επίσης τη μηχανική ισχύ που προσφέρεται στο σύστημα πριν και μετά τη μεταβολή του φορτίου ( $P_1$  και  $P_2$  αντίστοιχα). Στο σημείο  $\delta_1$  έχουμε το σημείο ισορροπίας πριν τη μεταβολή. Με την αύξηση του φορτίου η μηχανική ισχύς εισόδου θα αυξηθεί απότομα από  $P_1$  σε  $P_2$ , οπότε θα αρχίσει να αυξάνεται η γωνία φόρτισης  $\delta$  της γεννήτριας για να ισορροπήσει η ηλεκτρική ισχύς εξόδου με τη μηχανική ισχύ εισόδου (σημείο  $\delta_2$ ). Όσο όμως η μηχανική ισχύς που προσφέρεται στον δρομέα είναι μεγαλύτερη από την ηλεκτρική ισχύ εξόδου της γεννήτριας, ο δρομέας θα επιταχύνει, αποθηκεύοντας κινητική ενέργεια ίση με το εμβαδόν  $A_1$ :

$$A_1 = \int_{\delta_1}^{\delta_2} (P_{sh} - P_e) d\delta \quad (1.1)$$

όπου  $P_{sh}$  η μηχανική ισχύς εισόδου και  $P_e$  η ηλεκτρική ισχύς εξόδου της γεννήτριας.



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Επίλυση (4/7)

Όταν η γωνία φόρτισης  $\delta$  της γεννήτριας φτάσει στο σημείο  $\delta_2$  θα συνεχίσει να αωξάνεται λόγω της κινητικής ενέργειας που θα έχει αποθηκεύσει μέχρι εκάνη τη στιγμή ο δρομέας (εμβαδόν  $A_1$ ). Μετά το σημείο  $\delta_2$  όμως η ηλεκτρική ισχύς εξόδου της γεννήτριας  $P_e$  θα είναι μεγαλύτερη από τη μηχανική ισχύ εισόδου  $P_{sh} = P_2$ , και για όσο χρονικό διάστημα ισχύει αυτό ο δρομέας της γεννήτριας θα επιβραδύνει, αποδίδοντας κινητική ενέργεια. Για να καταφέρει τελικά η γεννήτρια να ισορροπήσει στο νέο σημείο λειτουργίας (σημείο  $\delta_2$ ) θα πρέπει ο δρομέας να έχει χάσει όλη την κινητική ενέργεια που έχει κερδίσει από την επιτάχυνσή του μέχρι το σημείο  $\pi - \delta_2$ . Μετά από αυτό το σημείο η μηχανική ισχύς εισόδου γίνεται όπως φαίνεται στο Σχήμα 1.1 πάλι μεγαλύτερη από την ηλεκτρική ισχύ εξόδου, οπότε ο δρομέας θα αρχίσει πάλι να επιταχύνεται μέχρι τον αποσυγχρονισμό της γεννήτριας. Η κινητική ενέργεια που θα έχει αποδώσει ο δρομέας της γεννήτριας μεταξύ των σημείων  $\delta_2$  και  $\pi - \delta_2$  θα είναι ίση με το εμβαδόν  $A_2$ :

$$A_2 = \int_{\delta_2}^{\pi - \delta_2} (P_e - P_{sh}) d\delta \quad (1.2)$$



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Επίλυση (5/7)

Από τα παραπάνω γίνεται φανερό ότι για να μπορέσει τελικά η γεννήτρια να ισορροπήσει στο νέο σημείο λειτουργίας (σημείο  $\delta_2$ ) θα πρέπει το εμβαδόν  $A_2$  (εμβαδόν επιβράδυνσης) να είναι μεγαλύτερο ή ίσο από το εμβαδόν  $A_1$  (εμβαδόν επιτάχυνσης). Για τη μέγιστη ισχύ που μπορεί να προστεθεί απότομα στο σύστημα το παραπάνω κριτήριο θα πρέπει να ισχύει οριακά, θα πρέπει λοιπόν να είναι:

$$A_1 = A_2 \tag{1.3}$$



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Επίλυση (6/7)

Στην άσκησή μας, για να υπολογίσουμε την αρχική γωνία φόρτισης  $\delta_1$  θα χρησιμοποιήσουμε την ισχύ  $R_1$ :

$$R_1 = \hat{P} \sin \delta_1 \Rightarrow \delta_1 = \arcsin \frac{25}{80} = 18,21^\circ = 0,3178 \text{ rad} \quad (1.4)$$

Σύμφωνα με το κριτήριο των ίσων εμβαδών θα ισχύει για το μέγιστο φορτίο που μπορεί να προστεθεί ξαφνικά χωρίς το σύστημα να χάσει την ευστάθειά του (βιβλίο θεωρίας, σχέση (4.91), σελ. 171):

$$\Delta P_{\max} = \hat{P}(\sin \delta_2 - \sin \delta_1) \quad (1.5)$$

όπου για τη γωνία  $\delta_2$  θα ισχύει (βιβλίο θεωρίας, σχέση (4.90), σελ. 171):

$$\begin{aligned} \cos \delta_1 + \cos \delta_2 &= (\pi - \delta_1 - \delta_2) \sin \delta_2 \Rightarrow \\ \cos \delta_1 + \cos \delta_2 - (\pi - \delta_1 - \delta_2) \sin \delta_2 &= 0 \end{aligned}$$

και αντικαθιστώντας τη  $\delta_1$ :

$$0,95 + \cos \delta_2 - (2,8238 - \delta_2) \sin \delta_2 = 0 \quad (1.6)$$



# Άσκηση 4<sup>η</sup>

## Επίλυση (7/7)

Η παραπάνω είναι μια μικρή γραμμική εξίσωση. Για να τη λύσουμε θα χρησιμοποιήσουμε τη μέθοδο Newton – Raphson.

Στην άσκησή μας γνωρίζουμε ότι η γωνία  $\delta_2$  θα βρίσκεται μεταξύ της  $\delta_1$  ( $0,3178 \text{ rad}$ ) και της  $\delta = \frac{\pi}{2} \text{ rad}$ . Χρησιμοποιώντας για αρχική τιμή την  $\delta_2 = 0,6 \text{ rad}$  και για ακρίβεια την  $\varepsilon = 0,01$  θα βρούμε τελικά μετά από τρεις επαναλήψεις ότι:

$$\delta_2 = 0,9523 \text{ rad} = 54,83^\circ \quad (1.7)$$

Τελικά θα έχουμε για το μέγιστο φορτίο που μπορεί να προστεθεί ξαφνικά χωρίς το σύστημα να χάσει την ευστάθειά του από τη σχέση (1.5):

$$\Delta P_{\max} = 40,38 \text{ MW}$$



# Σημείωμα Αναφοράς

---

Copyright Αριστοτέλειο Πανεπιστήμιο Θεσσαλονίκης, Λαμπρίδης Δημήτρης,  
Κατσανού Βάνα. «ΣΥΣΤΗΜΑΤΑ ΗΛΕΚΤΡΙΚΗΣ ΕΝΕΡΓΕΙΑΣ III, Μάθημα ασκήσεων  
5». Έκδοση: 1.0. Θεσσαλονίκη 2015 Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση:  
[http://opencourses.auth.gr/eclass\\_courses](http://opencourses.auth.gr/eclass_courses).



# Σημείωμα Αδειοδότησης

Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά - Μη Εμπορική Χρήση - Όχι Παράγωγα Έργα 4.0 [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

Ως **Μη Εμπορική** ορίζεται η χρήση:

- που δεν περιλαμβάνει άμεσο ή έμμεσο οικονομικό όφελος από την χρήση του έργου, για το διανομέα του έργου και αδειοδόχο
- που δεν περιλαμβάνει οικονομική συναλλαγή ως προϋπόθεση για τη χρήση ή πρόσβαση στο έργο
- που δεν προσπορίζει στο διανομέα του έργου και αδειοδόχο έμμεσο οικονομικό όφελος (π.χ. διαφημίσεις) από την προβολή του έργου σε διαδικτυακό τόπο

[1] <http://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>





# Τέλος ενότητας

Επεξεργασία: Σβάρνα Κωνσταντίνα  
Θεσσαλονίκη, Εαρινό εξάμηνο 2014-2015



Ευρωπαϊκή Ένωση  
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΙΑΚΟ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ  
ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΚΑΙ ΔΙΑ ΒΙΟΥ ΜΑΘΗΣΗ  
επένδυση στην υαλινιά της γηώσης

ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΠΑΙΔΕΙΑΣ ΚΑΙ ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ  
ΕΙΔΙΚΗ ΥΠΗΡΕΣΙΑ ΔΙΑΧΕΙΡΙΣΗΣ

Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης





ΑΡΙΣΤΟΤΕΛΕΙΟ  
ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ  
ΘΕΣΣΑΛΟΝΙΚΗΣ

---

# Σημειώματα

# Διατήρηση Σημειωμάτων

---

Οποιαδήποτε αναπαραγωγή ή διασκευή του υλικού θα πρέπει να συμπεριλαμβάνει:

- το Σημείωμα Αναφοράς
- το Σημείωμα Αδειοδότησης
- τη δήλωση Διατήρησης Σημειωμάτων
- το Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων (εφόσον υπάρχει)

μαζί με τους συνοδευόμενους υπερσυνδέσμους.

