

Πίνακας 4.1: Ιδιότητες της σειράς Fourier συνεχούς χρόνου.

Ιδιότητα	Περιοδικό Σήμα	Συντελεστές Fourier	σειράς
$\left. \begin{matrix} x(t) \\ y(t) \end{matrix} \right\}$	περιοδικά με περίοδο T και θεμελιώδη συχνότητα $\omega_0 = \frac{2\pi}{T}$	a_k b_k	
Γραμμικότητα	$A x(t) + B y(t)$	$A a_k + B b_k$	
Χρονική μετατόπιση	$x(t - t_0)$	$a_k e^{-j k \omega_0 t_0}$	
Μετατόπιση συχνότητας	$e^{j M \omega_0 t} x(t)$	a_{k-M}	
Συζυγία	$x^*(t)$	a_{-k}^*	
Χρονική αναστροφή	$x(-t)$	a_{-k}	
Χρονική κλιμάκωση	$x(\alpha t), \alpha > 0$ (περιοδικό με περίοδο $\frac{T}{\alpha}$)	a_k	
Περιοδική συνέλιξη	$\int_T x(\tau) y(t - \tau) d\tau$	$T a_k b_k$	
Πολλαπλασιασμός	$x(t) y(t)$	$\sum_{l=-\infty}^{+\infty} a_l b_{k-l}$	
Διαφόριση	$\frac{dx(t)}{dt}$	$j k \omega_0 a_k$	
Ολοκλήρωση	$\int_{-\infty}^t x(t) dt$ (πεπερασμέ- νης τιμής και περιοδικό μόνο αν $a_0 = 0$)	$(\frac{1}{j k \omega_0}) a_k$	
Συζυγής συμμετρία για πραγματικά σήματα	$x(t) \in \mathbb{R}$	$\begin{cases} a_k = a_{-k}^* \\ \operatorname{Re}\{a_k\} = \operatorname{Re}\{a_{-k}\} \\ \operatorname{Im}\{a_k\} = -\operatorname{Im}\{a_{-k}\} \\ a_k = a_{-k} \\ \angle a_k = -\angle a_{-k} \end{cases}$	
Πραγματικά σήματα άρτιας συμμετρίας	$x(t) \in \mathbb{R}: x(t) = x(-t)$	a_k πραγματικοί και άρ- τιας συμμετρίας	
Πραγματικά σήματα περιτ- τής συμμετρίας	$x(t) \in \mathbb{R}: x(t) = -x(-t)$	a_k καθαρώς φανταστι- κοί και περιττής συμ- μετρίας	
Αποσύνθεση σε άρτιο και περιττό μέρος πραγματι- κού σήματος	$\begin{cases} x_e(t) = \frac{1}{2}(x(t) + x(-t)) \\ x_o(t) = \frac{1}{2}(x(t) - x(-t)) \end{cases}$	$\begin{cases} \operatorname{Re}\{a_k\} \\ j \operatorname{Im}\{a_k\} \end{cases}$	
Ταυτότητα Parseval για περιοδικά σήματα			
$\frac{1}{T} \int_T x(t) ^2 dt = \sum_{k=-\infty}^{+\infty} a_k ^2$			