

Πίνακας 7.2: Ιδιότητες του μετασχηματισμού Fourier  $\Delta.X$ .

Ιδιότητα	Μη-περιοδικό Σήμα	Μετασχηματισμός Fourier
	$x[n]$	$X(\Omega) = X(e^{j\Omega})$
	$y[n]$	$Y(\Omega) = Y(e^{j\Omega})$
Γραμμικότητα	$A x[n] + B y[n]$	$A X(e^{j\Omega}) + B Y(e^{j\Omega})$
Χρονική μετατόπιση	$x[n - n_0]$	$e^{-j\Omega n_0} X(e^{j\Omega})$
Μετατόπιση συχνότητας	$e^{j\Omega_0 n} x[n]$	$X(e^{j(\Omega - \Omega_0)})$
Συζυγία	$x^*[n]$	$X^*(e^{-j\Omega})$
Χρονική αναστροφή	$x[-n]$	$X(e^{-j\Omega})$
Διαστολή στο χρόνο	$x_{(k)}[n]$	$X(e^{jk\Omega})$
Συνέλιξη	$x[n] * y[n]$	$X(e^{j\Omega}) Y(e^{j\Omega})$
Πολλαπλασιασμός	$x[n] y[n]$	$\frac{1}{2\pi} \int_{2\pi} X(e^{j\theta}) Y(e^{j(\Omega - \theta)}) d\theta$
Πρώτη διαφορά	$x[n] - x[n - 1]$	$(1 - e^{-j\Omega}) Q(e^{j\Omega})$
Συσσώρευση	$\sum_{k=-\infty}^n x[k]$	$\frac{1}{1 - e^{-j\Omega}} X(e^{j\Omega}) + \pi X(e^{j0}) \sum_{k=-\infty}^{+\infty} \delta(\Omega - 2\pi k)$
Διαφόριση στη συχνότητα	$nx[n]$	$j \frac{dX(e^{j\Omega})}{d\Omega}$
Συζυγής συμμετρία για πραγματικά σήματα	$x[n] \in \mathbb{R}$	$\begin{cases} X(e^{j\Omega}) = X^*(e^{-j\Omega}) \\ \text{Re}\{X(e^{j\Omega})\} = \text{Re}\{X(e^{-j\Omega})\} \\ \text{Im}\{X(e^{j\Omega})\} = -\text{Im}\{X(e^{-j\Omega})\} \\  X(e^{j\Omega})  =  X(e^{-j\Omega})  \\ \angle X(e^{j\Omega}) = -\angle X(e^{-j\Omega}) \end{cases}$
Πραγματικά σήματα άρτιας συμμετρίας	$x[n] \in \mathbb{R}: x[n] = x[-n]$	$X(e^{j\Omega})$ πραγματική και άρτιας συμμετρίας
Πραγματικά σήματα περι- τής συμμετρίας	$x[n] \in \mathbb{R}: x[n] = -x[-n]$	$X(e^{j\Omega})$ καθαρώς φαν- ταστική και περιττής συμμετρίας
Αποσύνθεση σε άρτιο και περιττό μέρος πραγματι- κού σήματος	$\begin{cases} x_e[n] = \frac{1}{2}(x[n] + x[-n]) \\ x_o[n] = \frac{1}{2}(x[n] - x[-n]) \end{cases}$	$\begin{cases} \text{Re}\{X(e^{j\Omega})\} \\ j \text{Im}\{X(e^{j\Omega})\} \end{cases}$
Ταυτότητα Parseval για μη-περιοδικά σήματα		
$\frac{1}{N} \sum_{n=-\infty}^{+\infty}  x[n] ^2 = \frac{1}{2\pi} \int_{2\pi}  X(e^{j\Omega}) ^2 d\Omega$		