



# Προγραμματισμός Υπολογιστών & Υπολογιστική Φυσική

## Ενότητα 6: Πίνακες και Δείκτες

Νικόλαος Στεργιούλας  
Τμήμα Φυσικής



Ευρωπαϊκή Ένωση  
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΠΑΙΔΕΙΑΣ ΚΑΙ ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ  
ΕΙΔΙΚΗ ΥΠΗΡΕΣΙΑ ΔΙΑΧΕΙΡΙΣΗΣ

Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



ΕΥΡΩΠΑΪΚΟ ΚΟΙΝΩΝΙΚΟ ΤΑΜΕΙΟ

# Άδειες Χρήσης

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό υπόκειται σε άδειες χρήσης Creative Commons.
- Για εκπαιδευτικό υλικό, όπως εικόνες, που υπόκειται σε άλλου τύπου άδειας χρήσης, η άδεια χρήσης αναφέρεται ρητώς.



# Χρηματοδότηση

- Το παρόν εκπαιδευτικό υλικό έχει αναπτυχθεί στα πλαίσια του εκπαιδευτικού έργου του διδάσκοντα.
- Το έργο «Ανοικτά Ακαδημαϊκά Μαθήματα στο Αριστοτέλειο Πανεπιστήμιο Θεσσαλονίκης» έχει χρηματοδοτήσει μόνο την αναδιαμόρφωση του εκπαιδευτικού υλικού.
- Το έργο υλοποιείται στο πλαίσιο του Επιχειρησιακού Προγράμματος «Εκπαίδευση και Δια Βίου Μάθηση» και συγχρηματοδοτείται από την Ευρωπαϊκή Ένωση (Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο) και από εθνικούς πόρους.



# ΠΡΟΓΡΑΜΜΑΤΙΣΜΟΣ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΩΝ & ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΙΚΗ ΦΥΣΙΚΗ

Μέρος 6ο

ΝΙΚΟΛΑΟΣ ΣΤΕΡΓΙΟΥΛΑΣ



ΤΜΗΜΑ ΦΥΣΙΚΗΣ

ΑΡΙΣΤΟΤΕΛΕΙΟ ΠΑΝΕΠΙΣΤΗΜΙΟ ΘΕΣΣΑΛΟΝΙΚΗΣ

# ΠΙΝΑΚΕΣ

---

Ένας **πίνακας** στη C είναι μία **δομή δεδομένων** που αποτελείται από στοιχεία του ίδιου τύπου (π.χ. πίνακας ακεραίων αριθμών, πίνακας πραγματικών αριθμών, πίνακας χαρακτήρων, ...).

Όλοι οι πίνακες **δεσμεύουν συνεχόμενες θέσεις στη μνήμη** (στην περιοχή μνήμης που ονομάζεται **στοίβα** ή **stack**) του υπολογιστή και διακρίνονται σε πίνακες μίας διάστασης και πίνακες πολλών διαστάσεων.

Συνηθέστερα είδη είναι οι **μονοδιάστατοι** και οι **διδιάστατοι** πίνακες.

# ΟΡΙΣΜΟΣ ΜΟΝΟΔΙΑΣΤΑΤΟΥ ΠΙΝΑΚΑ

---

Για να ορίσουμε έναν **μονοδιάστατο πίνακα** πρέπει να δηλώσουμε το όνομα του πίνακα, τον τύπο δεδομένων των στοιχείων του πίνακα και το πλήθος των στοιχείων του πίνακα.

Ο γενικός ορισμός είναι:

**τύπος\_δεδομένων** **όνομα\_πίνακα** [**πλήθος\_στοιχείων**]

Παραδείγματα:

```
int a[10];
```

```
double b[100];
```

```
char c[30];
```

# ΔΕΙΚΤΗΣ ΘΕΣΗΣ

---

Όταν ανακαλούμε ένα συγκεκριμένο στοιχείο του πίνακα, π.χ. ως `a[3]` τότε ο αριθμός μέσα στις αγκύλες είναι ο **δείκτης θέσης** του στοιχείου στον πίνακα.

ΠΡΟΣΟΧΗ: αν ορίσουμε `int a[10]` τότε τα στοιχεία του πίνακα είναι τα: `a[0], a[1], ..., a[9]` (!)

Δηλαδή, η **βάση αρίθμησης των στοιχείων είναι 0** (αυτό συμβαίνει στις περισσότερες γλώσσες - μια εξαίρεση αποτελεί η Fortran που έχει βάση το αρίθμησης το 1).

Αν θέλουμε να έχουμε στοιχεία `a[1]` έως `a[10]`, τότε ορίζουμε `int a[11]` και αγνοούμε το `a[0]`.

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

---

Μια καλή πρακτική είναι η εξής:

Έστω ότι θέλουμε να δηλώσουμε έναν πίνακα που να έχει ακέραια στοιχεία π.χ. `a[1]` έως `a[10]`.

Δηλώνουμε το μέγεθος του πίνακα ως σταθερά στην αρχή του προγράμματος:

```
#define SIZE 10
```

Ορίζουμε τον πίνακα ως:

```
int a[SIZE+1];
```

και απλά αγνοούμε το στοιχείο `a[0]`.



# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

```
#include <stdio.h>

#define SIZE 5

int main(void)
{
    int i;

    double A[SIZE+1];

    printf("A[%d] = %f\n", 0, A[0]);
    printf("\n");

    for(i=1; i<=SIZE; i++)
    {
        A[i] = i*i;
        printf("A[%d] = %f\n", i, A[i]);
    }

    printf("\nA[%d] = %f\n", SIZE+1, A[SIZE+1]);

    return 0;
}
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

$A[0] = 0.000000$  ← ( αγνοούμε το στοιχείο  $A[0]$  )

$A[1] = 1.000000$

$A[2] = 4.000000$

$A[3] = 9.000000$

$A[4] = 16.000000$

$A[5] = 25.000000$

← ( χρήσιμα στοιχεία  
 $A[1]$  έως  $A[SIZE]$  )

$A[6] = 0.000000$  ← ( υπέρβαση ορίων δείκτη θέσης! )

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

```
#include <stdio.h>

#define SIZE 5

int main(void)
{
    int i;

    double number, A[SIZE+1];

    for(i=1; i<=SIZE; i++)
    {
        printf("Δώσε τον %do αριθμό: ", i);
        scanf("%lf", &number);
        A[i] = number;
    }

    printf("\n");

    for(i=SIZE; i>=1; i--)
        printf("O %dos αριθμός είναι: %f\n", i, A[i]);
}
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

---

Δώσε τον 1ο αριθμό: 3.2  
Δώσε τον 2ο αριθμό: 4.3  
Δώσε τον 3ο αριθμό: 9.81  
Δώσε τον 4ο αριθμό: 34.21  
Δώσε τον 5ο αριθμό: 43.84

0 5ος αριθμός είναι: 43.840000  
0 4ος αριθμός είναι: 34.210000  
0 3ος αριθμός είναι: 9.810000  
0 2ος αριθμός είναι: 4.300000  
0 1ος αριθμός είναι: 3.200000

# ΟΡΙΣΜΟΣ ΔΙΔΙΑΣΤΑΤΟΥ ΠΙΝΑΚΑ

---

Για να ορίσουμε έναν **διδιάστατο πίνακα** πρέπει να δηλώσουμε το όνομα του πίνακα, τον τύπο δεδομένων των στοιχείων του πίνακα, το πλήθος των γραμμών και το πλήθος των στηλών του πίνακα.

Ο γενικός ορισμός είναι:

**τύπος\_δεδομένων** όνομα\_πίνακα [πλήθος\_γραμμών] [πλήθος\_στηλών]

Παραδείγματα:

```
int a[10][20];
```

```
double b[100][200];
```

```
char c[30][40];
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ ΟΡΙΣΜΟΥ ΔΙΔΙΑΣΤΑΤΟΥ ΠΙΝΑΚΑ

Αν έχουμε ορίσει τον διδιάστατο πίνακα  $a[3][4]$ , τότε τα στοιχεία του είναι:

	Στήλη 0	Στήλη 1	Στήλη 2	Στήλη 3
Γραμμή 0	$a[0][0]$	$a[0][1]$	$a[0][2]$	$a[0][3]$
Γραμμή 1	$a[1][0]$	$a[1][1]$	$a[1][2]$	$a[1][3]$
Γραμμή 2	$a[2][0]$	$a[2][1]$	$a[2][2]$	$a[2][3]$

Όνομα πίνακα

Δείκτης γραμμής

Δείκτης στήλης

Παρατηρούμε πως και οι διδιάστατοι πίνακες έχουν αρίθμηση δεικτών με βάση το 0.

# ΑΠΟΔΟΣΗ ΑΡΧΙΚΩΝ ΤΙΜΩΝ

---

Στον αρχικό ορισμό του πίνακα `a[3][4]` μπορούμε να συμπεριλάβουμε την εκχώρηση αρχικών τιμών:

```
int a[3][4] = { {0, 1, 2, 3},  
               {4, 5, 6, 7},  
               {8, 9, 10, 11} }
```

έχοντας πάντα υπόψη ότι στον παραπάνω ορισμό το πρώτο στοιχείο είναι το `a[0][0]` και το τελευταίο είναι το `a[2][3]` !

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ ΜΕ ΒΑΣΗ ΤΟ 1

---

Έστω ότι θέλουμε να ορίσουμε έναν διδιάστατο πίνακα με ακέραιες τιμές και *χρήσιμα* στοιχεία `a[1][1]` έως `a[2][3]`.

Δηλώνουμε στην αρχή του προγράμματος:

```
#define XSIZE 2  
#define YSIZE 3
```

ορίζουμε τον πίνακα ως:

```
int a[XSIZE+1][YSIZE+1];
```

και απλά αγνοούμε τα στοιχεία της γραμμής `a[0][ ]`  
καθώς και τα στοιχεία της στήλης `a[ ][0]`.



# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

Δηλαδή:

( αγνοούμε τη γραμμή  $a[0][ ]$  )

	Στήλη 0	Στήλη 1	Στήλη 2	Στήλη 3
Γραμμή 0	$a[0][0]$	$a[0][1]$	$a[0][2]$	$a[0][3]$
Γραμμή 1	$a[1][0]$	$a[1][1]$	$a[1][2]$	$a[1][3]$
Γραμμή 2	$a[2][0]$	$a[2][1]$	$a[2][2]$	$a[2][3]$

Όνομα πίνακα

Δείκτης γραμμής

Δείκτης στήλης

( αγνοούμε τη στήλη  $a[][0]$  )

( χρήσιμα στοιχεία  $a[1][1]$  έως  $a[2][3]$  )

# ΕΚΧΩΡΙΣΗ ΤΙΜΩΝ ΣΕ ΠΙΝΑΚΑ

---

Έστω ότι ορίσαμε έναν διδιάστατο πίνακα με τις εντολές

```
#define XSIZE 2  
#define YSIZE 3
```

```
int a[XSIZE+1][YSIZE+1];
```

Μπορούμε να εκχωρίσουμε τιμές με διπλό βρόχο. Π.χ.

```
int i, j;
```

```
for ( i = 1 ; i <= XSIZE ; i++ )  
    for ( j = 1 ; j <= YSIZE ; j++ )  
        a[i,j] = i*i + j*j;
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

```
#include <stdio.h>

#define XSIZE 2
#define YSIZE 3

int main(void)
{
    int i, j, a[XSIZE+1][YSIZE+1];

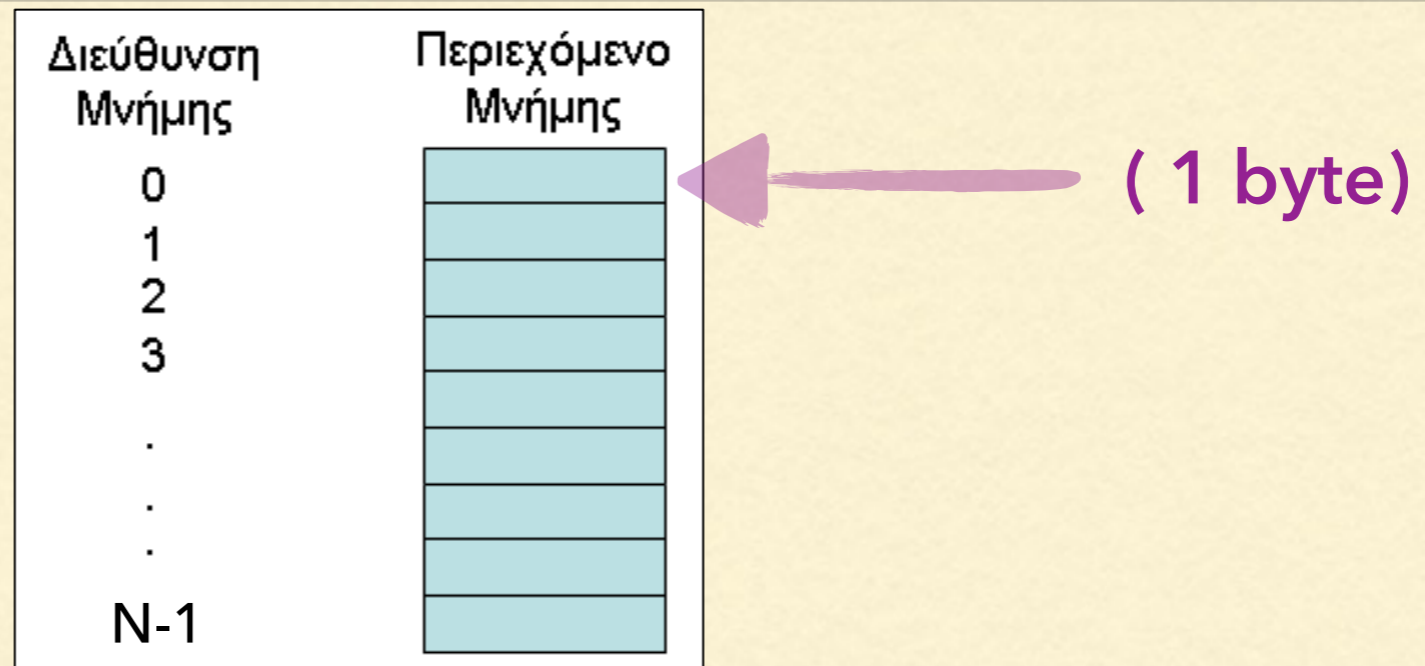
    for(i=1; i<=XSIZE; i++)
        for(j=1; j<=YSIZE; j++)
            a[i][j] = i*i + j*j;

    for(i=1; i<=XSIZE; i++)
    {
        printf("\n");
        for(j=1; j<=YSIZE; j++)
            printf("a[%d][%d] = %d    ", i, j, a[i][j]);
    }

    return 0;
}
```

a[1][1] = 2	a[1][2] = 5	a[1][3] = 10
a[2][1] = 5	a[2][2] = 8	a[2][3] = 13

# ΜΝΗΜΗ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΗ

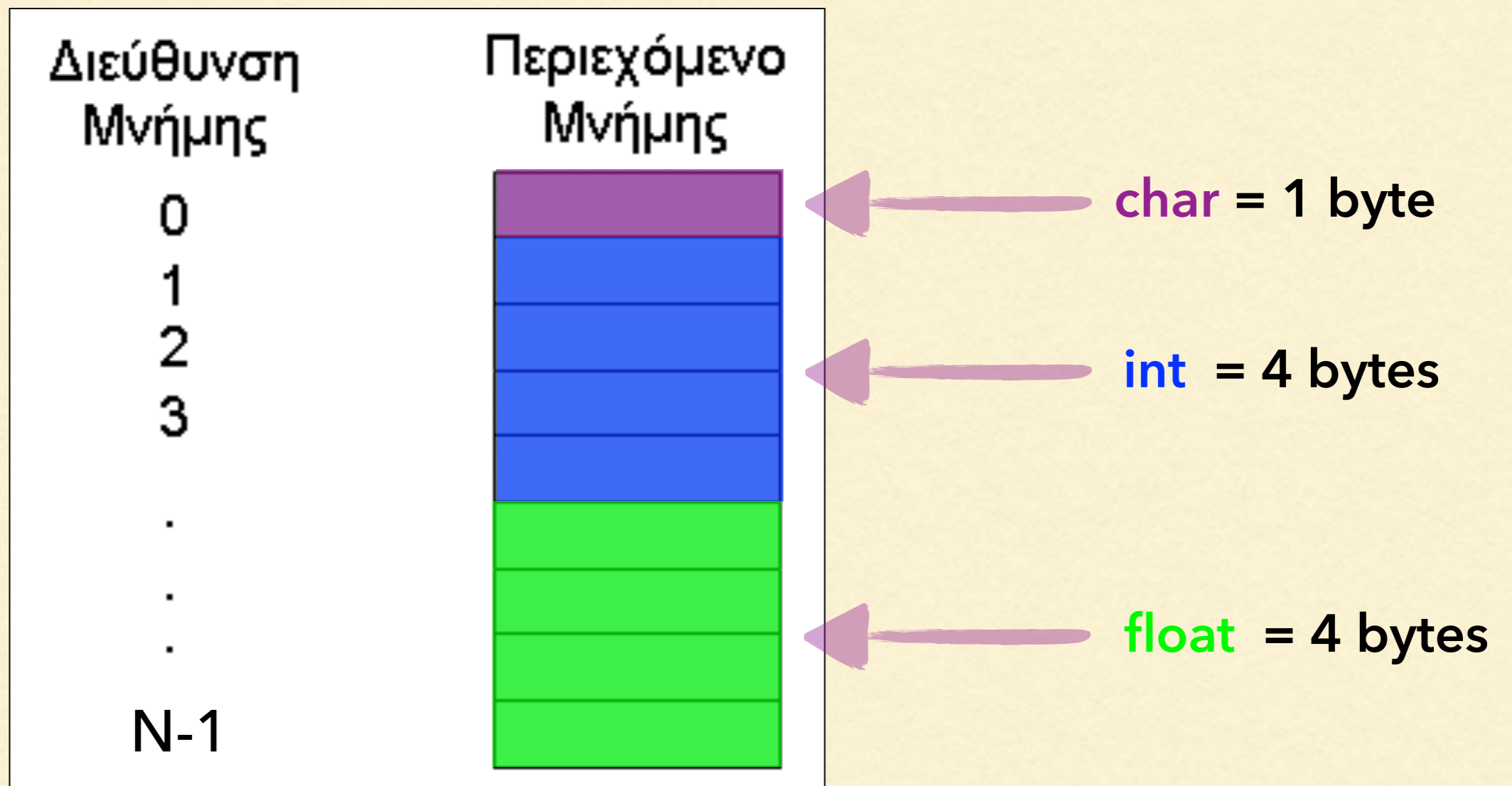


Η μνήμη **RAM** (Random Access Memory) ενός υπολογιστή αποτελείται από μεγάλο πλήθος **N** θέσεων αποθήκευσης δεδομένων με **διαδοχική αρίθμηση**.

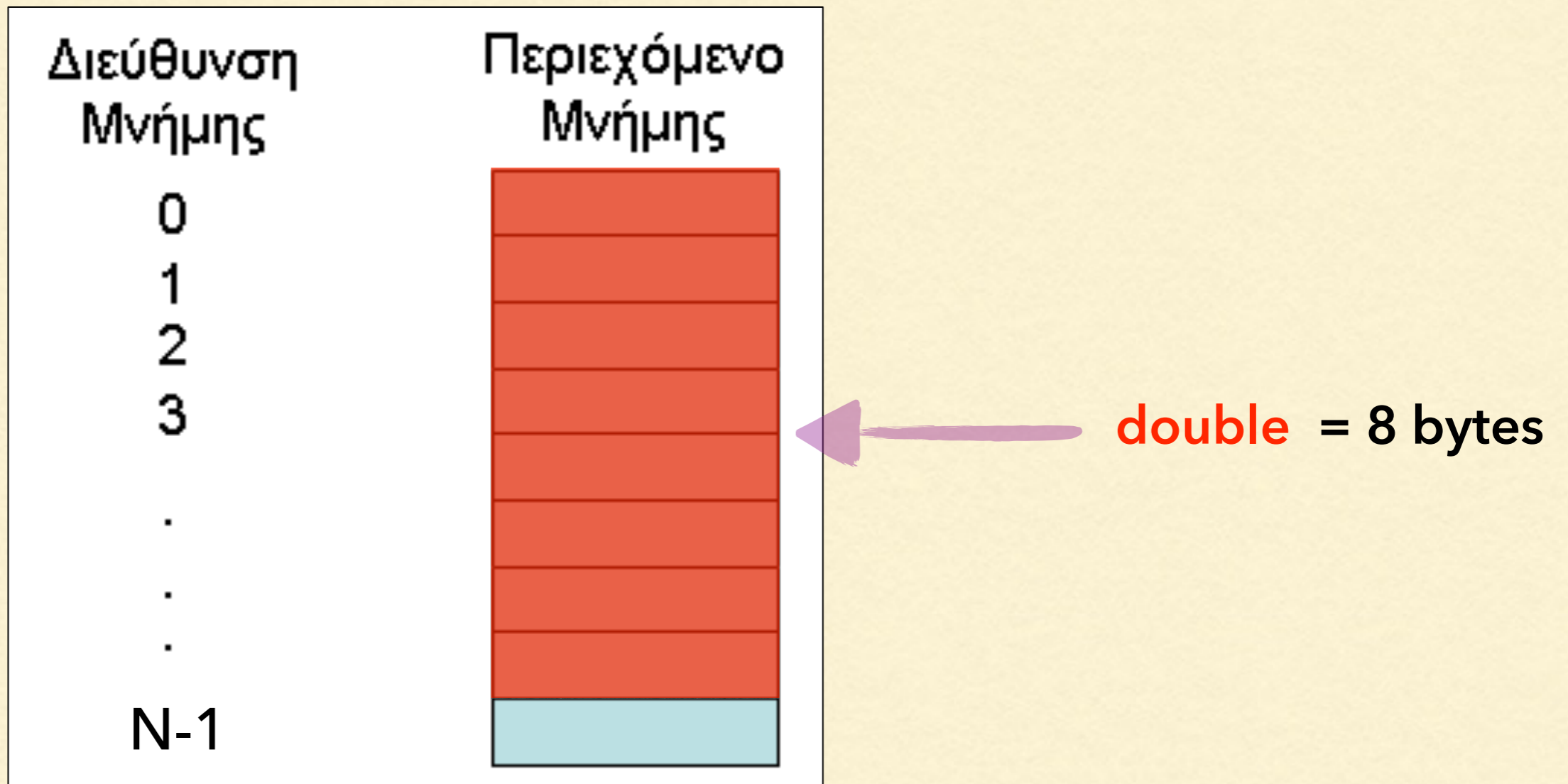
Κάθε θέση ή κελί μνήμης προσδιορίζεται από μία μοναδική **διεύθυνση**, δηλ. από έναν αύξοντα αριθμό με τιμή από 0 έως μία μέγιστη τιμή **N-1**.

Το **περιεχόμενο** της κάθε θέσης μνήμης είναι ένας ακέραιος αριθμός με μέγεθος **1 byte**.

# ΜΝΗΜΗ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΗ

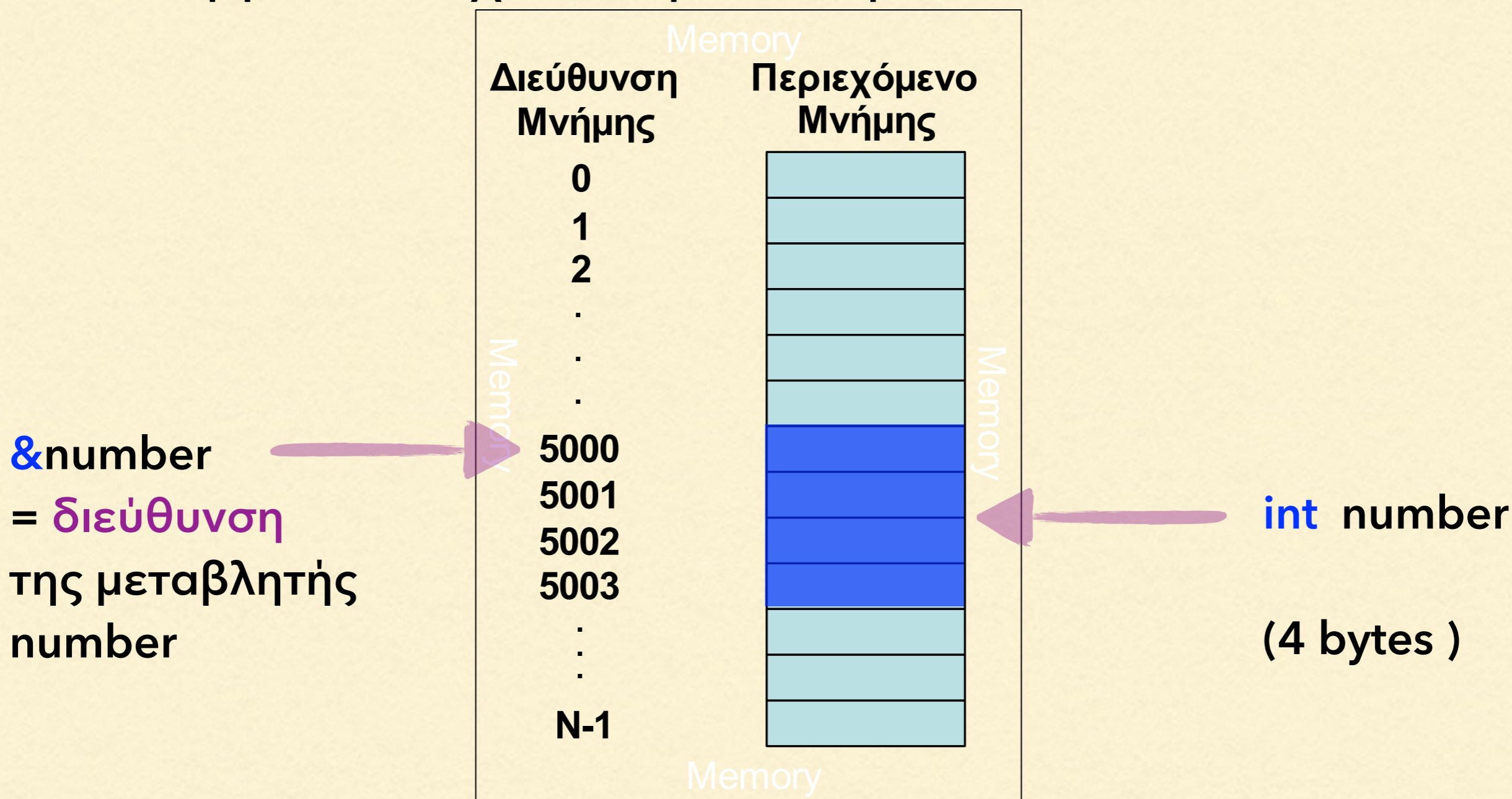


# ΜΝΗΜΗ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΗ



# ΜΝΗΜΗ ΥΠΟΛΟΓΙΣΤΗ

Όταν μια μεταβλητή καταλαμβάνει περισσότερες από μία θέσης μνήμης, τότε ως διεύθυνση της μεταβλητής θεωρείται η διεύθυνση της πρώτης θέσης μνήμης που καταλαμβάνει. Π.χ. αν δηλώσουμε `int number;` τότε:



# ΔΕΙΚΤΗΣ - ΔΙΕΥΘΥΝΣΗ - ΠΕΡΙΕΧΟΜΕΝΟ

---

Μπορούμε να δηλώσουμε αρχικά έναν **ελεύθερο δείκτη** που έχει την ίδια χρησιμότητα όπως ένας σελιδοδείκτης για ένα βιβλίο. Π.χ. δηλώνουμε

```
int *number_pt;
```

Στη συνέχεια, μπορούμε να εκχωρήσουμε στον δείκτη αυτόν τη **διεύθυνση μνήμης** κάποιας συγκεκριμένης **μεταβλητής**, π.χ.

```
number_pt = &a;
```

Αποκτάμε πρόσβαση στο **περιεχόμενο** που βρίσκεται σε αυτή τη διεύθυνση με: **(\*number\_pt)**



# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 1

```
#include <stdio.h>

int main(void)
{
    int *number_pt, a;

    printf("Αρχική τυχαία διεύθυνση: number_pt = %p\n", number_pt);
    printf("Αρχικό τυχαίο περιεχόμενο: (*number_pt) = %d\n", (*number_pt) );

    a = 9;

    printf("\nΔιεύθυνση μεταβλητής: &a = %p\n", &a);
    printf("Τιμή μεταβλητής: a = %d\n", a );

    number_pt = &a;

    printf("\nΝέα διεύθυνση δείκτη: number_pt = %p\n", number_pt);
    printf("Νέο περιεχόμενο (*number_pt) = %d\n", (*number_pt));

    return 0;
}
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 1

---

Αρχική τυχαία διεύθυνση: `number_pt = 0x7fff59b4abd0`

Αρχικό τυχαίο περιεχόμενο: `(*number_pt) = 0`

Διεύθυνση μεταβλητής: `&a = 0x7fff59b4abac`

Τιμή μεταβλητής: `a = 9`

Νέα διεύθυνση δείκτη: `number_pt = 0x7fff59b4abac`

Νέο περιεχόμενο `(*number_pt) = 9`

## ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 2

```
#include <stdio.h>

int main(void)
{
    int *temp_pt, a, b;

    a = 9;

    temp_pt = &a;

    b = (*temp_pt);

    printf("a = %d    b = %d\n", a, b);

    return 0;
}
```

```
a = 9    b = 9
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ 3

```
#include <stdio.h>

int main(void)
{
    int *temp_pt, a, b;

    a = 9;

    temp_pt = &a;

    printf("( *temp_pt ) = %d\n", (*temp_pt));

    a = 31;

    printf("( *temp_pt ) = %d\n", (*temp_pt));

    return 0;
}
```

άλλαξε η τιμή  
της μεταβλητής  
a

άλλαξε αυτομάτως  
το περιεχόμενο  
στη διεύθυνση μνήμης  
που δείχνει ο δείκτης

```
( *temp_pt ) = 9
( *temp_pt ) = 31
```

# ΔΥΝΑΜΙΚΟΙ ΠΙΝΑΚΕΣ

---

Έναν ελεύθερο δείκτη `int *a_pt;` μπορούμε να τον "δείξουμε" προς μια **νέα περιοχή της μνήμης που δημιουργούμε δυναμικά** κατά τη διάρκεια εκτέλεσης ενός προγράμματος. Π.χ. με

```
a_pt = malloc( (N+1) * sizeof(double) );
```

δεσμεύουμε μια περιοχή μνήμης για **N+1** αριθμούς `double`.

Ουσιαστικά, δημιουργούμε έναν πίνακα `a_pt[N+1]` με το μέγεθος **N** να είναι δυναμικό (μπορεί να είναι **ακέραια μεταβλητή** αντί για κάποια σταθερά).

Τα στοιχεία του πίνακα εξακολουθούν να είναι π.χ. `a_pt[i]` (όπως και για πίνακες με σταθερό μέγεθος).

Η συνάρτηση `malloc` (memory allocation) περιέχεται στη βιβλιοθήκη `stdlib.h`.

Στο τέλος πρέπει να ελευθερώσουμε τη μνήμη που δημιουργήσαμε δυναμικά με `free(a_pt)`.

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h> ( δήλωση νέας βιβλιοθήκης )

int main(void)
{
    int i, N;

    double *a_pt;

    N = 5;

    a_pt = malloc((N+1)*sizeof(double)); ( δέσμευση
                                         μνήμης )

    printf("a[%d] = %f\n", 0, a_pt[0]);
    printf("\n");

    for(i=1; i<=N; i++)
    {
        a_pt[i] = i*i;
        printf("a[%d] = %f\n", i, a_pt[i]);
    }

    printf("\na[%d] = %f\n", N+1, a_pt[N+1]);

    free(a_pt); ( απελευθέρωση μνήμης )

    return 0;
}
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

$a[0] = 0.000000$

← ( αγνοούμε το στοιχείο  $a[0]$  )

$a[1] = 1.000000$

$a[2] = 4.000000$

$a[3] = 9.000000$

$a[4] = 16.000000$

$a[5] = 25.000000$

← ( χρήσιμα στοιχεία  
 $a[1]$  έως  $a[N]$  )

$a[6] = 0.000000$

← ( υπέρβαση ορίων δείκτη θέσης! )



# ΔΥΝΑΜΙΚΟΙ ΠΙΝΑΚΕΣ

---

Αν κατά τη διάρκεια εκτέλεσης του προγράμματος προκύψει ανάγκη να μεταβάλλουμε το μέγεθος ενός πίνακα, αυτό γίνεται με την εντολή **realloc** (reallocation). Π.χ. με

```
a_pt = realloc( a_pt, (2*N+1)*sizeof(double) );
```

διπλασιάζουμε το μέγεθος του πίνακα `a_pt` που αρχικά ορίσαμε να έχει μέγεθος `N+1`.

Όταν **μεγαλώνουμε** το μέγεθος ενός πίνακα, τα αρχικά του περιεχόμενα δε διαγράφονται, απλώς προστίθεται επιπλέον χώρος για νέα στοιχεία.

Όταν **μειώνουμε** το μέγεθος ενός πίνακα, απελευθερώνεται μόνο το μέρος της μνήμης που ελαττώνουμε.

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

```
#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>

int main(void)
{
    int i, N;

    double *a_pt;

    N = 5;

    a_pt = malloc((N+1)*sizeof(double));

    for(i=1; i<=N; i++)
        a_pt[i] = i*i;

    a_pt = realloc(a_pt, (2*N+1)*sizeof(double));

    for(i=N+1; i<=2*N; i++)
        a_pt[i] = i*i;

    for(i=1; i<=2*N; i++)
        printf("a[%d] = %f\n", i, a_pt[i]);

    free(a_pt);

    return 0;
}
```

# ΠΑΡΑΔΕΙΓΜΑ

---

```
a[1] = 1.000000  
a[2] = 4.000000  
a[3] = 9.000000  
a[4] = 16.000000  
a[5] = 25.000000  
a[6] = 36.000000  
a[7] = 49.000000  
a[8] = 64.000000  
a[9] = 81.000000  
a[10] = 100.000000
```

# Σημείωμα Αναφοράς

Copyright Αριστοτέλειο Πανεπιστήμιο Θεσσαλονίκης, **Νικόλαος Στεργιούλας**  
**«Προγραμματισμός Υπολογιστών & Υπολογιστική Φυσική»**. Έκδοση: 1.0.  
Θεσσαλονίκη 2014. Διαθέσιμο από τη δικτυακή διεύθυνση:  
[http://opencourses.auth.gr/eclass\\_courses](http://opencourses.auth.gr/eclass_courses).



# Σημείωμα Αδειοδότησης

Το παρόν υλικό διατίθεται με τους όρους της άδειας χρήσης Creative Commons Αναφορά - Παρόμοια Διανομή [1] ή μεταγενέστερη, Διεθνής Έκδοση. Εξαιρούνται τα αυτοτελή έργα τρίτων π.χ. φωτογραφίες, διαγράμματα κ.λ.π., τα οποία εμπεριέχονται σε αυτό και τα οποία αναφέρονται μαζί με τους όρους χρήσης τους στο «Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων».



Ο δικαιούχος μπορεί να παρέχει στον αδειοδόχο ξεχωριστή άδεια να χρησιμοποιεί το έργο για εμπορική χρήση, εφόσον αυτό του ζητηθεί.

[1] <https://creativecommons.org/licenses/by-nc-nd/4.0/>





# Τέλος ενότητας

Επεξεργασία: Νικόλαος Τρυφωνίδης  
Θεσσαλονίκη, 20/09/2015



Ευρωπαϊκή Ένωση  
Ευρωπαϊκό Κοινωνικό Ταμείο



ΕΠΙΧΕΙΡΗΣΙΑΚΟ ΠΡΟΓΡΑΜΜΑ  
ΕΚΠΑΙΔΕΥΣΗ ΚΑΙ ΔΙΑ ΒΙΟΥ ΜΑΘΗΣΗ  
*επένδυση στην κοινωνία της γνώσης*

ΥΠΟΥΡΓΕΙΟ ΠΑΙΔΕΙΑΣ ΚΑΙ ΘΡΗΣΚΕΥΜΑΤΩΝ  
ΕΙΔΙΚΗ ΥΠΗΡΕΣΙΑ ΔΙΑΧΕΙΡΙΣΗΣ

Με τη συγχρηματοδότηση της Ελλάδας και της Ευρωπαϊκής Ένωσης



ΕΣΠΑ  
2007-2013  
πρόγραμμα για την ανάπτυξη  
ΕΥΡΩΠΑΪΚΟ ΚΟΙΝΩΝΙΚΟ ΤΑΜΕΙΟ

**ΣΗΜΕΙΩΜΑΤΑ**

# Διατήρηση Σημειωμάτων

Οποιαδήποτε αναπαραγωγή ή διασκευή του υλικού θα πρέπει να συμπεριλαμβάνει:

- το Σημείωμα Αναφοράς
- το Σημείωμα Αδειοδότησης
- τη δήλωση Διατήρησης Σημειωμάτων
- το Σημείωμα Χρήσης Έργων Τρίτων (εφόσον υπάρχει)

μαζί με τους συνοδευόμενους υπερσυνδέσμους.

